

# UNIVERSIDAD NACIONAL DEL COMAHUE Centro Regional Universitario Bariloche

PROGRAMA DE CATEDRA: CALCULO I

AÑO ACADEMICO: 2013

CARRERA A LA QUE PERTENECE:

Licenciatura en MATEMATICAS (PLAN DE ESTUDIOS Nº: 187/98, MODIF. Nº:

0290/09)

Profesorado en MATEMATICAS (PLAN DE ESTUDIOS Nº: 186/98, MODIF. Nº:

0707/00 y 861/01)

CARGA HORARIA SEMANAL SEGÚN PLAN DE ESTUDIOS: OCHO

**REGIMEN: CUATRIMESTRAL** 

**CUATRIMESTRE: PRIMERO** 

EQUIPO DE CATEDRA: Dr. Sebastián Risau CARGO: ADJ1

Lic. Maxi Palacios

Lic. Lynn van Broock

Lic. Alejandro Rosabal

CARGO: ASD2

CARGO: AYP3

CARGO: AYP3

**ASIGNATURA CORRELATIVA: NO** 

## 1. FUNDAMENTACION:

La asignatura es de gran importancia debido a que es la que introduce a los alumnos en el área del análisis matemático. Se inicia con un repaso de los contenidos adquiridos en el nivel medio, para ir poco a poco agregando nuevos conceptos del cálculo.

Su importancia radica también en la continuidad con las materias siguientes en la carrera (Análisis Matemático II, III y IV). Por este motivo, es fundamental poner énfasis tanto en la adquisición del nuevo lenguaje matemático y en la notación, como en la ejercitación y resolución de problemas de aplicación.

#### 2. OBJETIVOS:

Que los alumnos:

Comprendan el concepto de sucesion numerica.

- Interioricen el concepto de sumar infinitos numeros (series)
- Puedan reconocer y graficar funciones.
- Comprendan el concepto de límite de una función.
- Comprendan el concepto de función continua.
- Comprendan el concepto de derivada de una función, y sean capaces de resolver problemas de aplicación utilizando derivadas.
- Comprendan el concepto de primitiva de una función.
- Resuelvan integrales indefinidas utilizando los diferentes métodos.
- Aprendan a calcular áreas de figuras planas utilizando integrales definidas.

# 3. CONTENIDOS SEGÚN PLAN DE ESTUDIOS:

Funciones e Inecuaciones. Límite y Continuidad. Cálculo Diferencial, aplicaciones. Análisis de funciones. Aproximación de funciones. Cálculo integral, aplicaciones, integrales impropias, integración aproximada. Sucesiones y series, series de potencia.

## 4. CONTENIDO PROGRAMA ANALÍTICO:

# **UNIDAD 1: SUCESIONES - LIMITES DE SUCESIONES**

Concepto de sucesión. Definiciones recursivas y no recursivas de sucesiones. Principio de induccion. Intervalo. Entorno de un punto. Concepto de: máximo, mínimo, supremo, ínfimo, cota superior, cota inferior. Definicion de límite de una sucesión. Limites de sucesiones definidas recursivamente. Sucesiones convergentes y divergentes. Propiedades de los límites. Unicidad del límite. Límites infinitos. Relacion entre monotonia y existencia de limites. Sucesiones de Cauchy.

#### **UNIDAD 2: SERIES**

Definición de serie. Calculo de su suma. Series geométricas y aritmeticas. Series telescopicas. Serie armónica. Criterios de comparación y de convergencia. Serie de términos positivos. Criterio de D'Alembert, Cauchy. Series alternadas. Criterio de Leibniz. Series absolutamente convergentes. Aplicaciones. Definicion de notacion decimal. Conversion a fracciones mediante series.

# **UNIDAD 3: FUNCIONES**

Concepto de Función. Dominio, Codominio, Imagen. Notación. Funciones inyectivas, suryectivas y biyectivas. Funciones lineales y polinomicas, y existencia de ceros. Calculo de raices y factorizacion. Funciones partidas. Función Valor absoluto. Función signo. Función parte entera. Otras funciones elementales. Función logaritmo y exponencial. Funciones trigonométricas: seno, coseno, tangente, cotangente, secante y cosecante. Graficación de funciones.

#### **UNIDAD 4: LIMITES DE FUNCIONES - CONTINUIDAD**

Límite de una función: definición. Límites laterales. Propiedades de los límites. Unicidad del límite. Límites laterales. Límites infinitos. Límites para x tendiendo a infinito. Asintotas horizontales y verticales. Cálculo de límites. Concepto de función continua. Continuidad en un punto. Continuidad en un intervalo. Propiedades de las funciones continuas. Continuidad por la derecha y por la izquierda. Tipos de discontinuidades. Teoremas sobre continuidad: Teorema de Bolzano y Teorema del Valor Medio.

**UNIDAD 5: DERIVACION** 

Concepto de derivada de una función en un punto a través de la interpretación física y geométrica. Función derivada. Derivabilidad y continuidad. Derivada infinita. Derivadas laterales. Cálculo de la derivada de una suma, diferencia, producto y cociente de dos funciones. Regla de la cadena. Derivadas de funciones elementales. Ecuaciones de la recta tangente y normal a una curva. Derivadas sucesivas. Derivadas de funciones en forma paramétrica. Derivadas de funciones inversas. Derivación de funciones implícitas. Teoremas de Valor Medio: Teorema de Rolle, Teorema del Valor Medio o de Lagrange, Teorema de Cauchy. Derivación logarítmica. Aplicaciones en problemas de maximizacion y minizacion. Regla de L'Hopital. Estudio de funciones: extremos, intervalos de crecimiento y de decrecimiento, concavidad, punto de inflexión, asíntotas.

#### **UNIDAD 6: SERIES DE TAYLOR**

Definición de series de funciones. Series de potencias. Convergencia puntual. Radio de convergencia. Polinomios de Taylor y Mac Laurin Aproximacion de funciones por polinomios. Aproximacion de numeros irracionales.

#### **UNIDAD 7: INTEGRACION**

Concepto de area bajo una funcion. Calculo mediante sumas de Riemann. Concepto de integral definida como limite de sumas de Riemann. Calculo de integrales por definicion (mediante limites). Propiedades de integrales definidas. Definicion de primitiva. Teorema Fundamental del Cálculo. Calculo de primitivas. Integración de funciones trigonométricas y exponenciales. Métodos de integración. Integración por sustitucion e integracion por partes. Integracion de funciones racionales. Método de descomposición en fracciones simples. Sustituciones especiales. Integración de funciones irracionales. Integrales impropias. Aplicaciones de la integral definida: cálculo de áreas, longitud de arco de una curva plana, volumen de un sólido de revolución.

# 5. BIBLIOGRAFÍA BASICA Y DE CONSULTA:

- Noriega, R. J. . Cálculo diferencial e integral. Editorial Docencia. 1979. Buenos Aires.
- Spivak. M. Cálculo Infinitesimal. Editorial Reverte. 2005. Barcelona.
- Sadosky, M. Elementos de cálculo diferencial e integral. Editorial Alsina. 1964. Buenos Aires.
- Stewart, J. Cálculo, conceptos y contextos. Editorial Thomson. 2006. Madrid.
- Maquieira, J.C. Análisis Matemático. Editorial Alfafi. 1975. Buenos Aires.
- Demidovich, B. Problemas y ejercicios de Análisis Matemático. Editorial Mir. 1980.
   Moscú.

## 6. PROPUESTA METODOLOGICA:

La asignatura consistirá de clases teóricas y clases prácticas. En las clases teóricas se desarrollarán los temas del programa de la asignatura, dando ejemplos que formarán parte de los trabajos prácticos. De esta manera se logrará una relación entre teoría y práctica, además de aprovechar el tiempo destinado a clases.

Se fomentará la participacion de los alumnos mediante preguntas y ejercicios. Los trabajos prácticos serán resueltos parcialmente en el pizarrón, al igual que los exámenes parciales una vez corregidos, para que los alumnos puedan salvar sus dudas y conocer los errores cometidos. Se insistirá en la importancia del trabajo fuera de la clase.

# 7. EVALUACIÓN Y CONDICIONES DE ACREDITACION:

La evaluación consiste en dos parciales de carácter práctico, cada uno con su correspondiente recuperatorio. Para aprobar, el alumno debe obtener una nota igual o superior a 60 sobre 100.

El alumno que obtenga una nota igual o superior a 80 sobre 100 en cada examen parcial, tendrá la oportunidad de promocionar la materia, para lo cual deberá rendir un coloquio al finalizar el cursado.

En las clases prácticas se tomarán *parcialitos* sobre cada una de las guias de problemas. Estos consistirán en un problema al azar de la guia correspondiente. Para poder rendir el parcial se exigirá la aprobación de al menos tres parcialitos (o menos, si la catedra lo considera conveniente por cuestiones de planificación). Los alumnos que no cumplan este requerimiento irán directamente a recuperatorio.

## 8. DISTRIBUCIÓN HORARIA:

La materia se dictará en los siguientes horarios: lunes de 8:30 a 10:30 hs (teóricas), lunes de 10:30 a 12:30 hs. (prácticas), miércoles de 8:30 a 10:30 hs. (teóricas), miércoles de 10:30 a 12:30 hs. (prácticas).

PROFESOR

(firma y aclaración)

CONFORMIDAD DEL DEPARTAMENTO

(firma y aclaración)

CONFORMIDAD DEL CENTRO REGIONAL UNIVERSITARIO BARILOCHE

(firma y aclaración), Marisa N. Fernandez Secretaria Académica Secretaria Académica

Secretaria Academica entro Regional Universitario Beriloche Universidad Nacional del Comanue